

Título: Propriedades globais de operadores (lineares) de evolução t -periódicos.

Resumo: Considere o operador linear

$$\mathcal{L} = \partial_t + c(t)P$$

sendo, $t \mapsto c(t) \in \mathbb{C}$ uma função suave, 2π -periódica, e P um operador elítico.

Neste seminário iremos discutir o estudo das propriedades globais da equação

$$\mathcal{L}u = f,$$

na qual f pertencente a uma classe de funções suaves $\mathcal{F}(\Omega)$ com coeficientes de Fourier de decaimento rápido (analíticas, Gevrey, Schwartz, Gelfand-Shilov, ...) e u a algum espaço funcional $\mathcal{U}(\Omega)$ com coeficientes de Fourier de crescimento lento (distribuições, ultradistribuições, ...). Aqui, Ω pode assumir o papel de uma variedade compacta, ou todo o espaço \mathbb{R}^n , ou coisas mais exóticas.

De modo mais preciso, analisaremos as seguintes questões:

(Resolubilidade) é possível determinar um subespaço $\mathcal{A}(\Omega) \subset \mathcal{F}(\Omega)$ de modo que, para qualquer função $f \in \mathcal{A}(\Omega)$, exista $u \in \mathcal{U}(\Omega)$ tal que $\mathcal{L}u = f$?

(Regularidade) supondo $u \in \mathcal{U}(\Omega)$ uma solução para a equação $\mathcal{L}u \in \mathcal{F}(\Omega)$ é possível garantir que u seja um elemento de $\mathcal{F}(\Omega)$?

O principal objetivo nesta apresentação é exibir uma visão geral das principais ideias a respeito das ferramentas e técnicas utilizadas nesse tipo de trabalho. (Prometo não apresentar demonstrações!)